

МИНИСТЕРСТВО ВЫСШЕГО И СРЕДНЕГО СПЕЦИАЛЬНОГО  
ОБРАЗОВАНИЯ СССР

3 коп.

УМУ—30/1

Утверждена  
Учебно-методическим управлением  
по высшему образованию  
26 июня 1981 г.

ПРОГРАММА  
**ПО СОПРОТИВЛЕНИЮ МАТЕРИАЛОВ  
С ОСНОВАМИ ТЕОРИИ УПРУГОСТИ  
И ПЛАСТИЧНОСТИ**

для высших учебных заведений по строительным специальностям:  
0206, 0207, 1202, 1206, 1211, 1212, 1218, 1219



МОСКВА «ВЫСШАЯ ШКОЛА» 1983

## Объяснительная записка

В составлении программы принимали участие: проф. А. В. Александров, проф. А. В. Дарков, проф. Л. М. Емельянов, проф. В. А. Киселев, проф. Г. К. Клейн, проф. В. В. Синельников, проф. И. С. Цурков.

Ответственный за составление программы проф. И. С. Цурков

Основные курсы, обеспечивающие подготовку специалистов в области строительства: «Сопротивление материалов» и «Теория упругости и пластичности». В них излагаются методы расчетов на прочность, жесткость и устойчивость основных элементов строительных конструкций. Расчеты рассматриваются в связи с поведением строительных материалов (в том числе новых строительных материалов, как, например, пластмасс) в различных условиях нагружения и работы в зависимости от их состояния (пластичного, хрупкого). Излагаются расчеты на прочность при напряжениях, циклически изменяющихся во времени, а также расчеты в случае действия сил малой продолжительности.

Для закрепления знаний и развития навыков самостоятельной работы студентов предусмотрены расчетно-проектировочные работы, впервые вводящие студентов в практику инженерных расчетов. Эти работы являются индивидуальными и принимаются преподавателями с защитой в специально отводимое время. Кроме того, в программе курса по сопротивлению материалов предусматривается лабораторный практикум, способствующий освоению теоретического материала и получению первых практических навыков экспериментального исследования в области прочности материалов.

Программа в полном объеме определяет необходимый современный научный уровень данных дисциплин и обеспечивает подготовку высококвалифицированных инженеров-строителей. Глубина проработки и степень охвата вопросов при изложении курсов, включенных в программу, определяется числом часов, отводимых по учебному плану данной специальности. Методические вопросы о глубине проработки и сокращении тех или иных тем (разделов) курсов, а также изменениях в последовательности изложения учебного материала предоставляется решать кафедрам. Сопротивление материалов целесообразно проходить на двух семестрах 2-го курса, а теорию упругости и пластичности — на первом семестре 3-го курса. В отношении теории упругости и пластичности возможны и иные варианты. Ввиду важности курса сопротивления материалов в учебных планах необходимо после каждого семестра предусматривать зачет по расчетно-проектировочным и лабораторным работам и экзамен.

Программа по сопротивлению материалов рассчитана на объем курса в 200—210 часов лекций, практических и лабораторных занятий для строительных специальностей инженерно-строительных, транспортных, автодорожных и гидротехнических институтов и факультетов, ведущих подготовку специалистов как с отрывом, так и без отрыва от производства, по очной и заочной системе обучения.

Программа по теории упругости и пластичности рассчитана на объем 90 часов для тех же специальностей, что и программа по сопротивлению материалов.

Программы по курсам составлены в предположении, что в учебных планах данной специальности имеются обязательные курсы по строительной механике.

## ЧАСТЬ I. СОПРОТИВЛЕНИЕ МАТЕРИАЛОВ

### 1. Введение

Сопротивление материалов, теория упругости и пластичности и их связь с курсом строительной механики и другими общениженерными и специальными дисциплинами. Значение курсов сопротивления материалов и теории упругости и пластичности в свете решений XXVI съезда КПСС об ускорении научно-технического прогресса.

Задачи курса сопротивления материалов по изучению напряженно-деформированного состояния и работоспособности наиболее простых и типичных элементов конструкций, машин, аппаратов.

Краткий исторический очерк развития науки сопротивления материалов.

Внешние силы и их классификация: поверхностные, объемные и сосредоточенные, активные и реактивные, постоянные и временные, статические и динамические. Основные объекты, изучаемые в курсах сопротивления материалов и теории упругости пластичности: брус (стержень), пластина, оболочка, массивное тело и их теоретическое определение. Основные свойства твердого деформируемого тела: упругость, пластичность и ползучесть. Деформации и перемещения. Деформации линейные и угловые (сдвига).

Гипотезы (допущения) в сопротивлении материалов.

Внутренние силы и метод их изучения (метод сечений). Напряжение полное, нормальное и касательное. Главный вектор и главный момент внутренних сил в сечении. Внутренние силы в поперечном сечении бруса. Продольные и поперечные силы, крутящие и изгибающие моменты. Их выражения через напряжения. Виды простейших деформаций бруса: растяжение — сжатие, сдвиг, кручение и изгиб. Понятие о расчетной схеме бруса. Расчеты по деформированному и недеформированному состоянию. Принцип Сен—Венана. Принцип независимости действия внешних сил.

## 2. Растяжение и сжатие прямого бруса

Центральное растяжение или сжатие. Продольные силы. Дифференциальные зависимости между продольными силами и нагрузкой. Эпюры продольных сил. Напряжение в поперечных сечениях бруса. Основные допущения. Эпюра напряжений. Напряжения в наклонных сечениях к оси бруса. Продольные и поперечные деформации бруса. Закон Гука при растяжении и сжатии. Модуль упругости  $E$  и коэффициент Пуассона  $\mu$ . Удлинение (укорочение) прямого бруса постоянного и переменного сечения. Жесткость при растяжении и сжатии. Перемещения поперечных сечений бруса. Эпюры перемещений. Изменения объема при растяжении и сжатии.

Потенциальная энергия деформаций при растяжении и сжатии. Полная и удельная работа, затрачиваемая на деформирование материала.

## 3. Механические свойства материалов при растяжении и сжатии

Опытное изучение механических свойств материалов при растяжении и сжатии. Диаграммы растяжения и сжатия пластических материалов ( $P$ ,  $\Delta l$  и  $\sigma$ ,  $\varepsilon$ ). Основные механические характеристики материала: предел пропорциональности, предел упругости, предел текучести и предел прочности (временное сопротивление). Особенности деформирования и разрушения пластичных материалов при растяжении и сжатии. Пластические деформации. Линии скольжения. Понятие об истинной диаграмме растяжения и сжатия. Разгрузка и повторное нагружение. Наклеп. Диаграммы растяжения и сжатия хрупких материалов и основные механические характеристики. Особенности разрушения хрупких материалов при растяжении и сжатии. Влияние скорости нагружения, температуры и других факторов на прочностные характеристики материалов. Понятие о влиянии радиоактивного облучения материалов. Последействие (упругое и пластическое). Понятие о ползучести, релаксации и длительной прочности.

Строительные материалы с нелинейной зависимостью между деформациями и напряжениями. Механические свойства новых строительных материалов — пластмасс. Особенности их поведения под нагрузкой в зависимости от ряда дополнительных условий: температуры, влажности, скорости нагружения и др.

## 4. Расчеты на прочность и жесткость при растяжении и сжатии

Основные понятия о прочности, надежности и долговечности конструкций. Различные взгляды на пределы нагружения. Методы расчета по допускаемым напряжениям, допускаемым нагрузкам и предельным состояниям. Коэффициенты запаса по напряжениям и нагрузкам. Технико-экономические факторы, влияющие на величину коэффициента запаса. Основные виды задач в сопротивлении

материалов: определение напряжений, подбор сечения, определение допускаемой нагрузки по разным методам. Случай неравномерного распределения нормальных напряжений в местах резкого изменения поперечных сечений бруса. Концентрация напряжений и коэффициент концентрации. Влияние концентрации напряжений на прочность при статической нагрузке. Учет собственного веса при растяжении и сжатии. Понятие о брусе равного сопротивления. Статически неопределенные задачи при растяжении и сжатии. Расчеты на нагрузку, температуру и принудительные нагрузки. Предельные нагрузки статически неопределенных систем. Элементы линейной наследственной теории ползучести и особенности работы статически-неопределенных систем, выполненных из упруго-вязкого материала.

## 5. Плоское напряженное состояние

Понятие о плоском напряженном состоянии в точке. Общий случай плоского напряженного состояния. Закон парности касательных напряжений. Напряжения на наклонной площадке. Главные площадки и главные напряжения. Площадки с наибольшими касательными напряжениями. Величина наибольших касательных напряжений. Закон Гука при плоском напряженном состоянии. Круг Мора для напряжений и определение по нему величины и направления напряжений на любых площадках. Понятие о деформациях в точке. Аналогия формул деформаций и напряжений при плоском напряженном состоянии.

## 6. Сдвиг

Напряжения и деформации при сдвиге. Закон Гука при сдвиге. Модуль сдвига  $G$ . Зависимость между  $G$ ,  $E$  и  $\mu$  для изотропного тела. Неизменность объема при сдвиге. Потенциальная энергия при сдвиге. Понятие о расчете на прочность заклепочных и сварных соединений.

## 7. Понятие о пространственном напряженном состоянии

Составляющие вектора напряжений и их обозначения на координатных площадках трехмерного тела. Понятие о главных площадках и главных напряжениях в трехмерном теле. Экспериментальные значения касательных напряжений. Компоненты деформации. Объемная деформация. Закон Гука при пространственном напряженном состоянии. Удельная потенциальная энергия. Энергия изменения объема и энергия изменения формы.

## 8. Экспериментальные методы исследования деформаций и напряжений

Измерение деформаций тензометрами. База тензометров. Тензометры механические. Тензометры омического сопротивления (проводочные датчики). Понятие о тензометрической розетке при исследовании плоского напряженного состояния. Обработка результатов измерения. Поляризационно-оптический метод исследования напряжений. Понятие о моделировании. Краткие сведения о специальных экспериментальных методах (метод хрупких лаковых покрытий, метод муаровых полос и др.).

## 9. Гипотезы прочности и пластичности

Назначение гипотез прочности и пластичности. Понятие об эквивалентном напряжении. Хрупкое и вязкое разрушение в зависимости от вида напряженного состояния. Современная трактовка развития трещин и наступления пластических деформаций. Гипотезы прочности при хрупком состоянии материала. Гипотеза наибольших нормальных напряжений. Гипотеза наибольших деформаций (удлинений). Гипотеза разрушения О. Мора для материалов с различными пределами прочности при растяжении и сжатии. Гипотезы пластичности при пластичном состоянии материала. Гипотеза наибольших касательных напряжений. Гипотеза энергии формоизменения и различные ее трактовки. Общие сведения о новых гипотезах прочности и пластичности. Понятие о расчете на прочность тел с трещинами. Модель Гриффиса, критерий Ирвина-Орована.

## 10. Геометрические характеристики поперечных сечений

Осевой, полярный и центробежный моменты инерции. Осевые моменты инерции для прямоугольника, треугольника и круга. Зависимость между моментами инерции для параллельных осей. Изменение осевых и центробежного моментов инерции при повороте координатных осей. Главные оси инерции. Главные моменты инерции. Вычисление моментов инерции сложных профилей. Радиус инерции. Понятие об эллипсе инерции.

## 11. Кручение

Внешние силы, вызывающие кручение прямого бруса. Эпюры крутящих моментов. Кручение прямого бруса круглого поперечного сечения. Основные допущения. Напряжения в поперечных сечениях бруса. Угол закручивания. Жесткость при кручении. Главные напряжения и главные площадки. Виды разрушений при кручении бруса круглого поперечного сечения из разных материалов. Три вида задач при кручении: определение напряжений или углов закручивания, подбор сечений и вычисление допускаемого крутящегося момента по прочности и жесткости. Расчет сплошных и полых валов на прочность и жесткость по мощности и числу оборотов вала. Потенциальная энергия деформации при кручении. Статически неопределеные задачи при кручении. Упруго-пластическое кручение бруса круглого поперечного сечения. Определение предельной несущей способности. Расчет цилиндрических пружин с малым шагом. Основные результаты теории кручения брусьев прямоугольного сечения. Кручение стержней, сечение которых составлено из нескольких узких прямоугольников. Кручение тонкостенных стержней замкнутого профиля. Понятие о мембранный аналогии.

## 12. Изгиб

Изгиб прямого бруса в главной плоскости. Внешние силы, вызывающие изгибы. Виды нагрузок. Опоры и опорные реакции. Внутренние силы в поперечных сечениях бруса при изгибе: изгибающие моменты и поперечные силы. Чистый и поперечный изгиб. Дифференциальные зависимости между изгибающим моментом, поперечной силой и интенсивностью распределенных нагрузок. Эпюры изгибающих моментов и поперечных сил. Нормальные напряжения при чистом изгибе. Основные допущения. Зависимость между изгибающим моментом и кривизной оси изогнутого бруса. Жесткость при изгибе. Формула нормальных напряжений. Распространение выводов чистого изгиба на поперечный изгиб. Касательные напряжения при изгибе брусьев сплошных сечений (формула Д. И. Журавского). Касательные напряжения в стенке и полках дутавров. Главные напряжения при изгибе. Траектории главных напряжений. Понятие об изгибе бруса тонкостенного профиля. Центр изгиба. Потенциальная энергия. Упруго-пластический изгиб. Пластический шарнир. Определение несущей способности балок. Разгрузка и остаточные напряжения и деформации. Расчет на прочность при изгибе по допускаемым напряжениям, допускаемым нагрузкам и предельным состояниям. Три вида задач. Рациональное сечение балок. Потенциальная энергия деформации при изгибе. Изгиб бруса переменного сечения. Понятие о расчете составных (сварных и клепаных) балок. Изгиб балок из материалов с различными модулями упругости при растяжении и сжатии. Изгиб балок из разнородных материалов. Понятие об изгибе балок из материалов, не следующих закону Гука.

## 13. Определение перемещений (прогибов и углов поворота) при изгибе

Дифференциальное уравнение оси изогнутого бруса. Точное и приближенное уравнение кривизны. Непосредственное интегрирование дифференциального уравнения. Граничные условия. Метод начальных параметров. Графоаналитический метод. Определение перемещений и углов поворота в балках при помощи общей формулы Мора. Определение перемещений бруса переменного сечения.

## 14. Понятие о расчете простейших статически неопределенных систем

Статическая неопределенность системы. Лишние неизвестные. Использование условий совместности деформаций для раскрытия статической неопределенности. Понятие о канонических уравнениях метода сил. Особенности расчета простейших статически неопределенных стержневых систем от воздействия температуры.

## 15. Изгиб балок на упругом основании

Понятие о балках на упругом основании. Типы упругих оснований и их свойства. Условия контакта подошвы балки и упругого основания.

Дифференциальное уравнение оси изогнутой балки на винклеровом упругом основании и его интегрирование. Граничные условия. Метод начальных параметров. Случай бесконечно длинных балок.

## 16. Сложное сопротивление

Общий случай действия внешних сил на брус. Внутренние усилия и их эпюры в плоских и пространственных ломанных брусьях. Характерные случаи сложного сопротивления прямого бруса: косой изгиб, внерадиальное действие продольной силы, изгиб и кручение. Нормальные напряжения при косом изгибе. Эпюра нормальных напряжений. Силовая и нулевая линии. Наибольшие напряжения. Подбор сечений при косом изгибе. Определение прогибов. Нормальные напряжения при внерадиальном действии продольной силы. Эпюра нормальных напряжений. Силовая и нулевая линии. Ядро сечения. Условия появления пластического шарнира. Определение предельной несущей способности при внерадиальном действии продольной силы. Понятие о предварительном напряжении балок. Одночленная формула нормальных напряжений в сечении через ядерные моменты при действии продольной силы в главной плоскости. Напряжения в поперечном сечении при изгибе и кручении бруса с круглым поперечным сечением. Главные напряжения. Эквивалентные напряжения по некоторым гипотезам прочности и пластичности. Изгиб и кручение бруса с прямоугольным поперечным сечением. Учет продольной силы.

## 17. Изгиб и кручение тонкостенных стержней открытого профиля (теория В. З. Власова)

Понятие о тонкостенных стержнях закрытого и открытого профиля. Особенности стержней с открытым профилем (малая жесткость при кручении). Депланирование поперечных сечений. Свободное и стесненное кручение. Основные предпосылки. Нормальное напряжение в сечении. Бимомент. Секториальные характеристики сечения. Выбор полюса. Начало отсчета секториальных площадей. Формула нормальных напряжений. Центр изгиба. Касательные напряжения в поперечном сечении и их определение. Дифференциальное уравнение углов закручивания и его интегрирование. Граничные условия. Метод начальных параметров. Внерадиальное действие продольной силы. Аналогия с изгибом. Особенности стесненного кручения тонкостенных стержней замкнутого профиля.

## 18. Изгиб и растяжение (сжатие) плоского кривого бруса

Понятие о кривом брусе большой и малой кривизны. Эпюры внутренних усилий. Нормальные напряжения в поперечном сечении при чистом изгибе в главной плоскости. Эпюра нормальных напряжений. Определение положения нулевой линии для некоторых видов поперечных сечений бруса. Нормальные напряжения от продольной силы.

## 19. Устойчивость сжатых стержней (продольный изгиб)

Понятие об устойчивых и неустойчивых формах равновесия. Критические нагрузки. Устойчивость сжатых стержней в упругой стадии. Формула Эйлера для стержня с шарнирными опорами по концам (основной случай). Учет других видов закреплений. Понятие о гибкости и приведенной длине стержня. Формула Эйлера, записываемая через приведенную длину стержня. Предел применимости формулы Эйлера. Потеря устойчивости при напряжениях за пределом пропорциональности материала. Формула критической силы Энгессера — Ясинского. Понятие о концепции Шенли. График критических напряжений в зависимости от гибкого стержня. Практический метод расчета сжатых стержней на продольный изгиб. Таблицы коэффициентов. Понятие о расчете составных стержней.

## 20. Продольно-поперечный изгиб прямого бруса

Понятие о продольно-поперечном изгибе. Расчет по деформированному состоянию. Дифференциальное уравнение продольно-поперечного изгиба. Продольный изгиб бруса с небольшим начальным искривлением в главной плоскости. Продольный изгиб бруса силой, приложенной с эксцентрикситетом на главной оси инерции. Продольно-поперечный изгиб при наличии поперечной нагрузки. Приближенный метод. Расчет на прочность при продольно-поперечном изгибе.

## 21. Расчеты при некоторых динамических нагрузках

Понятие о динамической нагрузке и динамическом коэффициенте. Подъем и опускание груза с ускорением. Использование принципа Даламбера. Удар об упругую систему с одной степенью свободы. Расчет по балансу энергии. Продольный и поперечный удары по брусу. Приближенный учет массы бруса при ударе. Внезапное приложение нагрузки.

## 22. Расчет на прочность при напряжениях, переменных во времени

Характеристика циклов переменных напряжений. «Усталость» материалов. Виды усталостного излома. Сопротивление при переменных напряжениях. Кривая Велера и предел выносливости. Причины усталостных разрушений. Влияние на величину предела выносливости различных факторов (концентрация напряжений и др.). Эффективный коэффициент концентрации. Диаграммы предельных напряжений. Выносливость при совместном изгибе и кручении. Расчет на выносливость и долговечность при переменных амплитудах напряжений на основе гипотезы линейного суммирования повреждений. Понятие о расчете механических систем на надежность.

## 23. Заключение

Современные проблемы определения перемещений, напряжений и деформаций при расчете инженерных сооружений на прочность, жесткость, устойчивость и колебания. Использование новых материалов. Прочность при динамической нагрузке. Вопросы прочности при больших деформациях. Определение несущей способности конструкций, ползучесть и релаксация. Прочность материалов при высоких и низких температурах. Применение электронно-вычислительных машин. Современные пути развития науки о прочности материалов в СССР и за рубежом.

## РАСЧЕТНО-ПРОЕКТИРОВОЧНЫЕ РАБОТЫ

Для развития навыков в самостоятельном решении технических задач учебным планом устанавливаются расчетно-проектировочные работы с индивидуальными заданиями по всем основным темам курса. Всего проводится восемь расчетно-проектировочных работ. При меньшем объеме курса число работ может быть соответственно уменьшено или сами работы могут быть облегчены. Темы расчетно-проектировочных работ:

1. Расчеты на растяжение, сжатие и сдвиг.
2. Определение моментов инерции плоской фигуры, нахождение главных осей и главных моментов инерции.
3. Построение эпюр  $M$ ,  $Q$  и  $N$  в брусьях различного очертания.
4. Подбор сечения и изучение напряжений в различных точках металлической изгибающейся балки и определение прогибов и углов наклона упругой линии.
5. Расчет статически неопределенной балки или балки на упругом основании.
6. Расчет на сложное сопротивление с построением эпюр напряжений.
7. Расчет стержня тонкостенного профиля.
8. Расчет колонны или стойки на продольный и продольно-поперечный изгиб.

Кроме того, по указанию кафедры студенты выполняют обязательные задачи из задачников.

## ЛАБОРАТОРНЫЙ ПРАКТИКУМ

Цель лабораторного практикума по курсу сопротивления материалов — привить студентам навыки по экспериментальному определению прочности и пластичности материалов, прочности и жесткости конструкций, ознакомить их с современными машинами для испытаний и с аппаратурой для измерения деформаций и перемещений.

Темы лабораторных работ:

1. Испытание на растяжение мягкой и жесткой стали с построением диаграммы растяжения. Определение модуля упругости.
2. Определение коэффициента Пуассона для стали и других материалов.
3. Испытание стали, чугуна, пластмасс и дерева на сжатие.
4. Испытание металла на срез и дерева на скальвание.
5. Определение напряжений с помощью электротензометрии.
6. Испытание металлической балки на изгиб с проверкой закона плоских сечений и определением напряжений, прогибов и углов поворота.
7. Испытание деревянной составной балки на шпонках на изгиб с установлением наличия сдвигов при отсутствии шпонок.
8. Испытание круглого металлического образца на кручение с построением диаграмм и определением модуля сдвига.
9. Определение напряжений и деформаций при стесненном кручении тонкостенного стержня.
10. Определение усилий в лишних связях статически неопределенной балки.
11. Демонстрация оптического метода исследования напряжений и метода муаровых полос. Иллюстрация явлений концентрации напряжений.
12. Испытание спиральной пружины с определением модуля сдвига.
13. Определение деформаций и перемещений при косом изгибе.
14. Определение напряжений при внекентренном сжатии.
15. Исследование продольного изгиба стержня в упругой и пластической стадиях.
16. Исследование напряжений в кривом брусе.

## ЛИТЕРАТУРА

### Основная

Смирнов А. Ф., Александров А. В. и др. Сопротивление материалов. М., 1975.

Федосьев В. И. Сопротивление материалов. М., 1979.

Дарков А. В., Шпиро Г. С. Сопротивление материалов. М., 1969.

### Дополнительная

Сборник задач по сопротивлению материалов/Под ред. А. В. Александрова. М., 1977.

Сборник задач по сопротивлению материалов/Под ред. В. К. Качурина. М., 1970.

Афанасьев А. М., Марин В. А. Лабораторный практикум по сопротивлению материалов. М., 1975.

## ЧАСТЬ II. ТЕОРИЯ УПРУГОСТИ И ПЛАСТИЧНОСТИ

### 1. Введение

Теория упругости и пластичности как учебный курс в строительных вузах; его задачи и методы. Связь этой науки с другими дисциплинами расчетно-теоретического цикла. Краткий исторический очерк развития теории упругости, пластичности и ползучести.

### 2. Основные соотношения теории упругости

Теория напряжений. Дифференциальные уравнения равновесия. Напряжения на наклонных площадках и условия на поверхности тела. Понятие о тензоре напряжений и его составляющих. Разложение тензора напряжений на шаровой тензор и девиатор напряжений. Главные площадки и главные напряжения. Инварианты тензора напряжений и девиатора напряжений. Интенсивность напряжений. Наибольшие касательные напряжения.

Теория деформаций. Вектор перемещений. Выражение компонентов деформации через перемещения (геометрические соотношения Коши). Уравнение неразрывности деформаций Сен-Венана. Тензор деформаций и девиатор деформаций, составляющие и инварианты. Главные деформации и главные оси деформаций. Интенсивность деформаций.

Обобщенный закон Гука. Выражение деформаций через напряжения и напряжений через деформации в трехмерном изотропном теле. Закон Гука, связывающий объемную деформацию и среднее напряжение. Понятие о законе Гука для анизотропного тела.

Уравнения равновесия в перемещениях (уравнения Ламе). Уравнения неразрывности деформаций в напряжениях (уравнения Бельтрами—Митчела). Формулировка основной задачи теории упругости в напряжениях и в перемещениях. Типы граничных условий на поверхности тела. Теорема о единственности решения общей задачи теории упругости. Простейшие задачи теории упругости. Вариационная формулировка задач теории упругости. Вариационные принципы Лагранжа и Кастильяно. Метод Ритца.

### 3. Плоская задача теории упругости

Плоская деформация. Плоское обобщенное напряженное состояние. Уравнения равновесия и уравнение неразрывности деформаций в декартовых координатах. Функция напряжений Эри. Бигармоническое уравнение плоской задачи. Граничные условия.

Решение плоской задачи для прямоугольных односвязных областей методом полиномов. Чистый изгиб балки; изгиб консольной балки силой, приложенной на конце; балка на двух опорах под действием равномерно распределенной нагрузки; треугольная подпорная стенка. Метод тригонометрических рядов Рибьера — Файлона. Расчет балки-стенки. Принцип Сен Венана. Понятие о методе конечных разностей (метод сеток).

Основные соотношения плоской задачи в полярных координатах. Осесимметричные задачи. Расчет трубы с толстыми стенками (задача Ламе). Чистый изгиб кривого бруса (задача Х. Ф. Головина). Клин, нагруженный в вершине сосредоточенной силой. Сжатие и изгиб клина. Действие сосредоточенной силы на полуплоскость. Круги Буссинеска. Действие распределенной нагрузки на полуплоскость. Понятие о расчете цилиндрических катков. Понятие о действии сосредоточенной силы на упругое полупространство.

### 4. Изгиб пластин

Классификация пластинок. Гипотезы, принимаемые в теории изгиба тонких пластинок. Выражение изгибающих и крутящих моментов через функцию прогибов. Основное дифференциальное уравнение изгиба пластинки в прямоугольных координатах (уравнение Софи Жермен — Лагранжа). Граничные условия для

основных случаев закрепления краев пластинки. Применение двойных и простых тригонометрических рядов к расчету прямоугольных пластинок (метод Навье и метод Мориса — Леви). Понятие о расчете прямоугольной пластинки на упругом основании. Простейшие осесимметричные задачи по изгибу круглых сплошных и кольцевых пластинок. Потенциальная энергия при изгибе пластинки. Уравнение устойчивости. Критические напряжения.

Вариационные методы решения задач по теории изгиба и устойчивости пластинок путем приведения основного уравнения в частных производных к системе линейных алгебраических уравнений. Энергетический метод Ритца — Тимошенко. Метод Бубнова — Галеркина. Приведение основного уравнения изгиба пластинки к системе обыкновенных дифференциальных уравнений (метод В. З. Власова).

Понятие о расчете гибких пластинок. Уравнения Кармана, учитывающие геометрическую нелинейность.

#### 5. Основы расчета тонких оболочек

Основные сведения из теории поверхностей. Главные кривизны и главные линии кривизны. Гауссова кривизна. Оболочки положительной, отрицательной и нулевой гауссовой кривизны. Понятие о расчете оболочки по безмоментной теории. Гипотезы, принимаемые в теории изгиба тонких оболочек. Расчет оболочек вращения на осесимметричную нагрузку по общей теории. Понятие о краевом эффекте. Краевой эффект в цилиндрической и сферической оболочках.

Расчет замкнутых и открытых цилиндрических оболочек на произвольную нагрузку.

Полубезмоментная теория цилиндрических оболочек В. З. Власова. Решение задач на основе этой теории методом Бубнова — Галеркина с применением балочных функций.

Элементы теории пологих оболочек В. З. Власова. Основные гипотезы. Система основных уравнений смешанного типа и методы ее решения.

Потенциальная энергия оболочки. Устойчивость замкнутой цилиндрической оболочки и пологих панелей.

Понятие о расчете гибких пологих оболочек. Уравнения типа Кармана, учитывающие геометрическую нелинейность.

#### 6. Основы теории пластичности и ползучести

Условия пластичности Сен-Венана и Мицеса. Простое и сложное нагружение тела. Активная, пассивная и нейтральная деформации. Модели идеально-пластического, упруго-пластического и жестко-пластического тела.

Основные законы деформационной теории пластичности (теория малых упруго-пластических деформаций А. А. Ильюшина) и теории пластического течения. Простейшие задачи по теории пластичности: чистый изгиб балки, кручение круглого бруса, труба под внутренним давлением. Понятие о несущей способности балок и плит на основе модели жестко-пластического тела (теория А. А. Гвоздева).

Явление ползучести в простейших конструкциях. Вязко-упругое поведение элемента конструкции при постоянном напряжении. Модель «Тела Фойгта». Изменение напряжений в элементе конструкции во времени при постоянных деформациях (явление релаксации). Модель «Тела Максвелла». Кривые ползучести. Установившаяся и неустановившаяся ползучесть. Длительная прочность. Понятие о наследственной теории ползучести и теория старения. Простейшие задачи по теории ползучести: установившаяся ползучесть балки при чистом изгибе; круглого бруса при кручении; толстой трубы под внутренним давлением.

#### ТЕМЫ РАСЧЕТНО-ПРОЕКТИРОВОЧНЫХ РАБОТ

1. Расчет балки стенки или расчет массивной плотины в условиях плоской задачи.
2. Расчет на изгиб прямоугольной или круглой пластины.

#### ЛИТЕРАТУРА

##### Основная

Филоненко-Бородич М. М. Теория упругости. М., 1959.  
Безухов Н. И. Основы теории упругости, пластичности и ползучести. М., 1968.

Тимошенко С. П., Гудьель Дж. Теория упругости. М., 1975.

##### Дополнительная

Власов В. З. Избранные труды. Изд-во АН СССР, 1962. Т. 1.  
Тимошенко С. П., Войновский-Кригер С. Пластины и оболочки. М., 1963.  
Рекач В. Г. Руководство к решению задач прикладной теории упругости. М., 1973.  
Колкунов Н. В. Основы расчета упругих оболочек. М., 1972.  
Кисилев В. А. Плоская задача теории упругости. М., 1976.

ПРОГРАММА  
ПО СОПРОТИВЛЕНИЮ МАТЕРИАЛОВ С ОСНОВАМИ ТЕОРИИ  
УПРУГОСТИ И ПЛАСТИЧНОСТИ

для высших учебных заведений по строительным специальностям:  
0206, 0207, 1202, 1206, 1211, 1212, 1218, 1219

Зав. редакцией К. И. Аношина  
Редактор Н. С. Сафонова  
Мл. редактор С. В. Мовчан  
Технический редактор Н. В. Шапран  
Корректор Т. И. Виталева

Н/К

Изд. № ОТ-416. Сдано в набор 22.11.82. Подп. в печать 20.01.83. Формат 60×90<sup>1/16</sup>.  
Бум. тип. № 3. Гарнитура литературная. Печать высокая. Объем 1 усл. печ. л.  
1 усл. кр.-отт. 0,94. уч.-изд. л. Тираж 26 500 экз. Зак. № 957. Цена 3 коп.

Издательство «Высшая школа», Москва, К-51, Неглинная ул., д. 29/14.

Московская типография № 8 при Государственном комитете  
СССР по делам издательства, полиграфии  
и книжной торговли, Хохловский пер. 7.